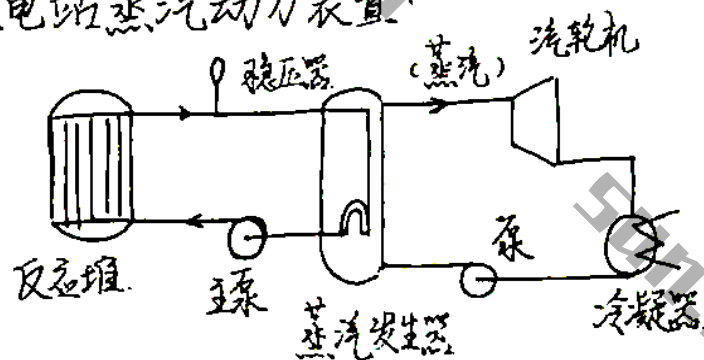


# 工程热力学:

## · 绪论:

### ① 核电站蒸汽动力装置:



### ② 典型蒸汽动力装置: 工质吸热 — 膨胀做功 — 排热. (热的 → 机械的)

## · 第一章: 基本概念及定义:

### 1.1 热力学系统:

#### ① 研究对象: 热力学系统

#### ② 与系统发生质的交换: 外界

#### ③ 外界与系统分界面(线): 边界 (边界是人为划分, 可以有虚拟边界)

#### ④ 分类: (根据系统与外界的物质、能量交换情况)

- 闭口系统 / 控制质量 (CM): 与外界有能量交换, 无物质交换. ( $\frac{dm}{dt} = 0$ )
- 开口系统 / 控制容积 / 控制体 (CV): 与外界有物质、能量交换. ( $\frac{dV}{dt} = 0, \frac{dm}{dt} \neq 0$ )
- 绝热系(统): 与外界无热量交换.
- 孤立系(统): 与外界既无热量又无物质交换.

\* i) 外界不一定是环境介质, 如压水堆电站的稳压器, 环境介质为周围的空气, 但外界包括一回路稳压器周围的高压水.

ii) 能量的体现或方式: { (内) 焓  
(外) 动能、势能

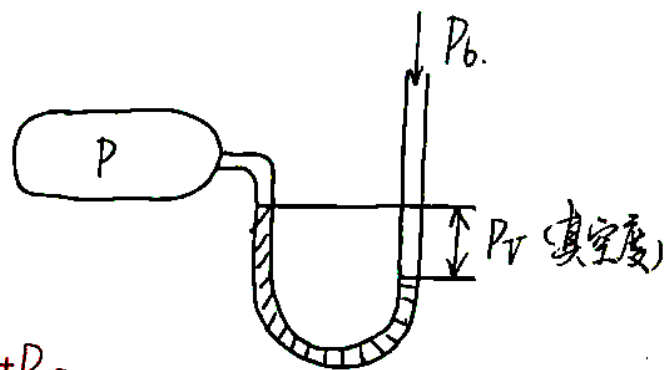
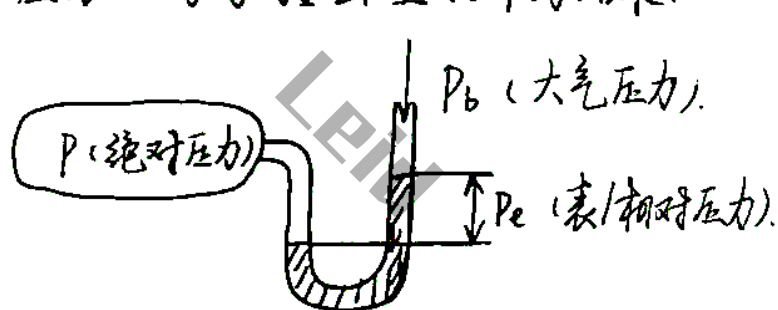
eg.   
(其中热量由固定边界传输)

## 1.2 工质的热力学状态及基本状态参数

- ① 热力学状态对应的是系统的宏观物理状况;
- ② 状态参数描述平衡状态 (理解为系统中P、V处处相等)
- ③ 状态参数是大量分子运动的宏观平均结果。
- ④ 状态参数是热力学系统状态的单值函数，且与物理过程无关；满足 $\oint dx = 0$ 。
- ⑤ 常见状态参数：P、V、T、U、H(焓)、S；物性： $\rho$ 、 $\nu$ (粘性)、 $\lambda$ (电导率)。
- ⑥ 广延量：与系统质量无关 (P、T)。  
强度量：与系统质量成正比且有可加性 (V、U、S、H)  
    → 引入比容、比焓、比内能等量。

I. 温度：标志物质分子热运动剧烈程度 & 度量  $\bar{E}_k$ ；

II. 压力：分子撞击壁的平均结果：



$$\Rightarrow P_b = P - P_e = P + P_v$$

(正压:  $P > P_b$ )

(负压:  $P < P_b$ )

等压面满足条件:

左右等高  
中间连通  
同种介质

③ 可逆过程：系统(工质)按原路径回到原状态 + 外界不受影响

- (准静态过程 + 不影响外界)
- (理想情况, 但工程中不存在)

1.6 过程功和热量:

①  $W_{12} = \int_1^2 p dV$ ;  $W_{21} = \int_2^1 p dV$ ;  $W_u$  (有用功) =  $W$  (总功) -  $W_r$  (摩擦) -  $W_l$  (大气功)

(仅适用于已知  $p = p(V)$  和可逆过程)

②  $Q_{12} = \int_1^2 T dS$

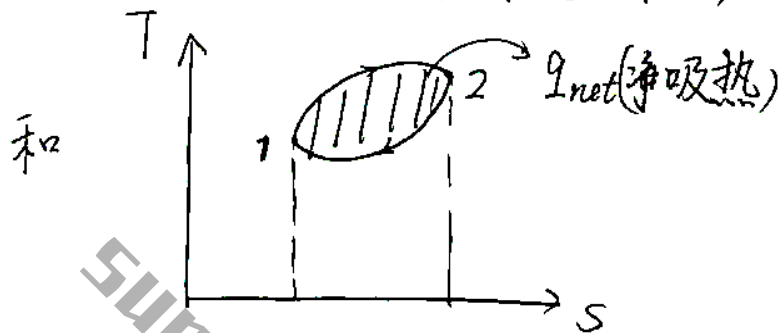
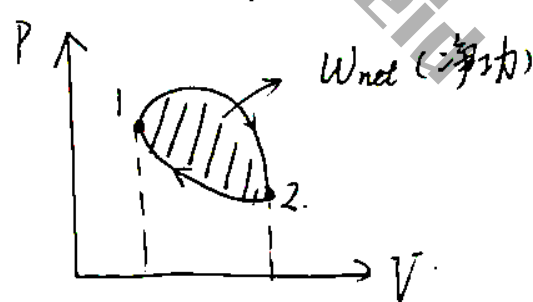
(热量反映为仅由温度差而通过边界传递的能量)

③ 功  $\frac{\text{无条件}}{\text{有条件}}$  热

1.7 热力循环:

① 可逆循环: 全都是可逆过程的循环;

② 正向循环 (二回路循环): 将热能转化为机械能, 表现为<sup>对</sup>外做功.



和

$\Rightarrow W_{net} = Q_{net}$

③ 热力装置效率 & 正向循环收益  $\eta_t = \frac{W_{net}}{Q_1}$

(吸热量有多少用来做功)

净功

吸热

(相当于 T-S 中 1→2 的大面积)

#### 1.4 平衡状态; 状态方程; 坐标图:

① 平衡态的定义成分: 热平衡 + 力平衡 同时成立;

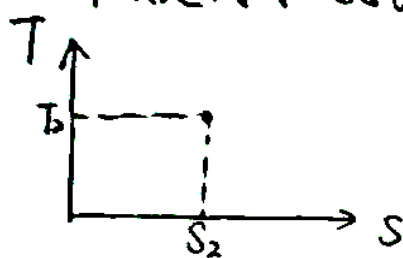
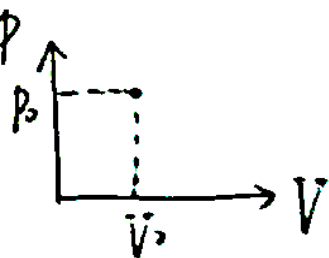
② 平衡与均匀的区别: 对于气液相系统, 不均匀但可达到平衡  $\Rightarrow$  (平衡  $\neq$  均匀)

平衡与稳定区别: 稳定  $\neq$  平衡:  $T_1 = T_2$  力学平衡但有  $\Delta T$ , 不平衡.

③ 工程中平衡态实例: 数质量 & 场量 (p22-23面)

④ 状态方程: 是针对  $p, v, T$  而言, 有  $p v = R_g T$  或  $p V = n R T$ ;  
( $R_g$  气体常数与气体种类有关)

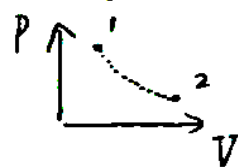
⑤ 状态参数坐标图: (本质是利用状态方程, 根据知三求二, 用二维系即可确定状态)



(状态坐标图只描述平衡状态下的状态参数  $p, V, U, S, H, T$ )

#### 1.5 工质状态变化过程:

① 理解准静态过程: 对于状态图中两个状态点 1, 2, 我们得知的是 1 经过一些操作可以到达 2, 但是, 1 到 2 的过程我们难以预知, 即不知道 1 到底沿哪条线走到 2 (理论上很多条). 我们采取极限思想, 假设此过程为气缸-活塞运动, 我们慢慢 (极慢) 地拉动活塞, 使工质可以快速回到平衡态 (耗时  $dt$ , 即弛豫时间极小, 由此可一直看作平衡状态), 那么我们可以得到一系列紧挨着的状态点, 连接即为 1 到 2 的过程曲线 (近似的但有数):



$\Rightarrow$



$\Rightarrow$  这个过程即准静态过程 (无限缓慢).

② 得到准静态过程的条件:

破坏平衡态的势 (源)  $\Delta T, \Delta p$  无限小.

过程进行无限缓慢.

工质有快速回复平衡的能力 (一般气体都可恢复).

## 第二章：热力学第一定律：

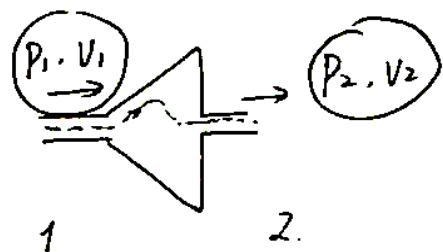
### ① 热力学的焓：

i) 热力学的  $U$  → 角度：物质(内)分子的能量  $\begin{cases} U_k = f(T) \\ U_p = f(T, v) \end{cases}$   
 $U = U(T, v)$  (~~过程量~~) 状态量： $T, v$  也是状态量

ii) 总能  $E$  → 热力学的  $U$  (内) →  $E = U + \frac{1}{2}mc^2 + mgz$   
→ 宏观动能、位能(外)

iii) 推动功 =  $pA\Delta l = pV = mpv = (pV) (1 \text{ kg 工质})$

→ (一个形象的例子是在开口系中，工质流动的动力来源的功由工质传给系统)



→ 在1口传入时，工质的状态未变，则热力学的  $U$  未变，表明存在有动力来源(未标在图中)，工质此时就起到传递能量的作用。

iv) 流动功 =  $p_2v_2 - p_1v_1$  → 表明工质流动时，维持工质流动所需的功。  
 $p_1v_1$  表示推动工质进入的功， $p_2v_2$  表示推动工质输出的功。

v) 膨胀功 =  $w$  → 工质在入口处和出口处的状态改变，表明此开口系统与工质(或外界)有能量传递，气体膨胀做功可以用于工质流动和传递系统 →  $E$  (系统与外界交换能量) =  $w - (p_2v_2 - p_1v_1)$

vi) 焓 =  $H = U + pV$  → 运动工质中系统与工质间作用而获得一个总能量，包含了工质的热力学的和推动的，为状态参数。

焓

## ② 热I定律方程式:

$$Q = W + \Delta U$$

系统吸热    对外做功    内能的增量

$$\oint \delta Q = \oint dU + \oint \delta W$$

过程量    状态量

循环:  $\oint \delta Q = \oint \delta W$

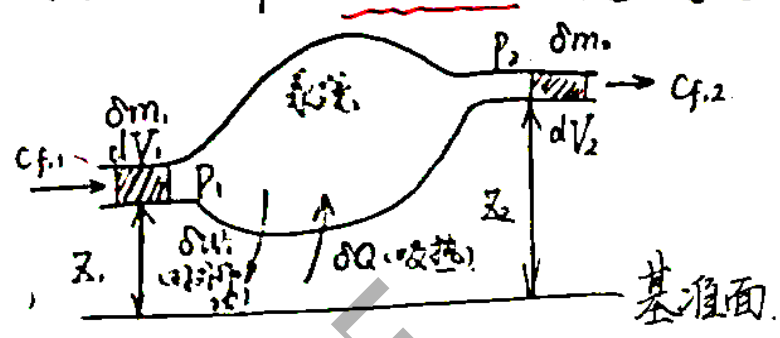
可逆过程:  $\delta W = p dV \Rightarrow \begin{cases} Q = \Delta U + \int_1^2 p dV \\ \delta Q = dU + p dV \end{cases}$

循环过程:  $\oint dU = 0 \Rightarrow \oint \delta Q = \oint \delta W$

$\Rightarrow Q_{net} = W_{net}$

## 2.2. 开口系统的能量方程式: ( $\delta m$ 表明在拉格朗日坐标系下研究/追踪流体团)

对于热I定律:  $Q + W + \Delta U$ , 是仅考虑了闭口系的情况; 下面讨论开口系



分析系统中能量的转换:

- 进入系统:  $dE_1 + p_1 dV_1 + \delta Q$
- 离开系统:  $dE_2 + p_2 dV_2 + \delta Wi$
- 系统储存能量:  $dE_{cv}$

$\Rightarrow$  能量守恒:  $E_{in} = E_{out} + E_{cv}: (dE_1 + p_1 dV_1 + \delta Q) - (dE_2 + p_2 dV_2 + \delta Wi) = dE_{cv}$

$\Rightarrow \delta Q = dE_{cv} + (dE_2 + p_2 dV_2) - (dE_1 + p_1 dV_1) + \delta Wi$   $\leftarrow$  由  $dE_{cv}$  的定义推出

考虑到  $dE_1$  (总能量)  $= dU_1 + dE_{k1} + dE_{p1}$ ,  $dE_2 = dU_2 + dE_{k2} + dE_{p2}$ ,  $h = u + pv$ .

并将能量都写成比能量形式:  $\delta Q = dE_{cv} + (h_2 + \frac{c_2^2}{2} + g z_2) \delta m_2 - (h_1 + \frac{c_1^2}{2} + g z_1) \delta m_1 + \delta Wi$

$\hookrightarrow$  开口系能量方程的一般表达式

$\Rightarrow$  用  $d\tau$  除上式 (反映能量随时间变化情况):

$$\Phi = \frac{dE_{cv}}{d\tau} + \sum_j (h_j + \frac{c_{f,j}^2}{2} + g z_j) \dot{q}_{m,j} - \sum_i (h_i + \frac{c_{f,i}^2}{2} + g z_i) \dot{q}_{m,i} + \dot{P}_i$$

$\frac{\delta Q}{d\tau}$ : 热流率    质量流率    内部功率

## ② 稳定流动方程组

稳定流动的含义是指各截面参数

不随时间发生变化: 
$$\begin{cases} \frac{dE_{cv}}{dt} = 0 \quad (\text{能量}) \\ \sum \dot{q}_{m,in} = \sum \dot{q}_{m,out} \quad (\text{质量}) \end{cases}$$

$$\Rightarrow \Phi = \sum_j (h + \frac{C_f^2}{2} + gz)_j \dot{q}_{m,j} - \sum_i (h + \frac{C_f^2}{2} + gz)_i \dot{q}_{m,i} + P_i$$

用  $\dot{q}_m = \frac{\delta m}{dt}$  除上式:  $\frac{\Phi}{\dot{q}_m} = \frac{\frac{\delta Q}{dt}}{\frac{\delta m}{dt}} = \frac{\delta m Q}{\delta m} = q$  (比热);  $\frac{P_i}{\dot{q}_m} = \frac{\frac{\delta W_i}{dt}}{\frac{\delta m}{dt}} = \frac{\delta W_i}{\delta m} = w_i$  (比功)

$$\Rightarrow q = \Delta h + \frac{1}{2} \Delta(C_f^2) + g \Delta z + w_i \Rightarrow \text{微分式: } \delta q = dh + \frac{1}{2} d(C_f^2) + g dz + \delta w_i$$

$$\Rightarrow Q = \Delta H + \frac{1}{2} m \Delta C_f^2 + mg \Delta z + W_i$$

由  $\Delta h = \Delta u + \Delta(pv)$   $\Rightarrow q - (\Delta u) = \left[ \frac{1}{2} \Delta C_f^2 + g \Delta z + (\Delta(pv)) + w_i \right]$  ↑  $\Delta h$  ↑ 作功量

$\Rightarrow$  能量平衡的形式: (吸热 - 内能变化 = 动能差 + 势能差 + 流动功 + 对外作功)

• 技术功  $w_t = w_i + \frac{1}{2} (C_{f2}^2 - C_{f1}^2) + g(z_2 - z_1)$  (机械功具有转变成功的能力, 技术上可以利用的功)

来用机械的

由  $q = \Delta u + w \Rightarrow w_t + \Delta(pv) = w \Rightarrow w_t = w - (p_2 v_2 - p_1 v_1)$

• 在可逆过程假设下,  $w = \int_1^2 p dv \Rightarrow w_t = \int_1^2 p dv - \int_1^2 d(pv) = - \int_1^2 v dp$

$$\Rightarrow \delta w_t = -v dp$$

$\Rightarrow$  结论:  $dp < 0$ , 即工质压力降低, 技术功  $\delta w_t$  为正, 工质对机器作功。

↓  
涡轮机作功。

↓  
 $dp > 0$ . 机器对工质作功: 活塞式压气机。

### 2.2.3 能量方程的应用:

i) 动力机 (可主动输出的量) : 忽略散热  $q$ 、动能差  $\frac{1}{2}\Delta C^2$ 、位能差  $gz$ :

$$w_i = -\Delta h \Rightarrow \underline{h_1 - h_2 = w_i = w_e} \quad (\text{工质对机器做功; 工质的焓差部分})$$

ii) 压气机 (被动输入的量) / (耗功): 外界对机组做功  $w_e = -w_i$  (耗功/负功)

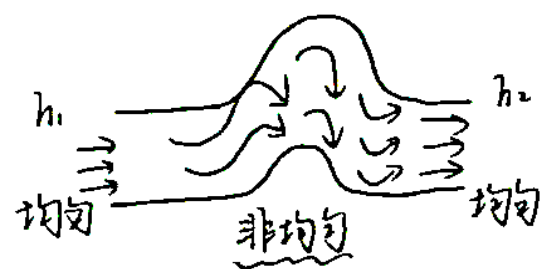
$$\underline{w_e = -w_i = (h_2 - h_1) - q} \quad : \text{忽略动能差、位能差.}$$

(主要的功加在推动功  $p_2 V_2$  上.)

iii) 热交换器: 忽略位能差:

$$\begin{cases} \underline{\frac{1}{2}(C_{f2}^2 - C_{f1}^2) = h_1 - h_2} \\ \underline{(\text{工质吸热}) } q = h_2 - h_1 \end{cases}$$

iv) 管道设备: 设 (流动绝热、前后截面动能差、位能差忽略):

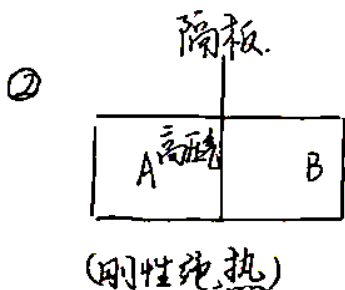


$$\underline{h_2 = h_1}$$

(注意工质在管道中焓 不守恒, 只在进出口均匀流动截面处相等)

第二章的思考题: P61~62:

① 由热I律  $Q = \Delta U + W$ :  $Q, W$  为 过程量,  $\Delta U$  为 状态量;  
 (  $Q, W$  只有在热力过程中才有体现 )  $\rightarrow$  ( $\Delta U = U_2 - U_1$ , 为两个状态量之差)



i) 抽去隔板,  $Q = \Delta U + W$  中, 气体  $Q=0, W=0$ , 因此  $\Delta U=0$ .  
 ii) 隔板上打一孔: (比热力学的  $U$ )  
 由于不存在外部功源 (推动A中气体作功),  $U_A$  会移向  $U_B$ , 但比内的  $U_A, U_B$  均不变, 质量的变化引起了内能的变化.

③ 热力学第I定律写成形式:  $q = \Delta u + p v$ ? ;  $q_2 - q_1 = (u_2 - u_1) + (w_2 - w_1)$ ?

i) 不能改成  $q = \Delta u + p v$ : 根据热I律定义式  $Q = \Delta U + W \Rightarrow q = \Delta u + w$  (比形式)

$\Rightarrow$  必须在可逆条件下:  $w = \int p dv$ ,  $q = \Delta u + \int p dv$ ;

ii) 不能改成  $q_2 - q_1 = (u_2 - u_1) + (w_2 - w_1)$ :

此处  $q_2 - q_1$  以及  $w_2 - w_1$  是以状态量的角度处理  $w, q$ , 但  $q$  和  $w$  是过程量, 在单位1或2没有  $q$  和  $w$ .

④ 热I律的形式适用范围:

$q = \Delta u + w \Rightarrow$  闭口系 (单位质量)  
 $q = \Delta u + \int_1^2 p dv \Rightarrow$  闭口系 + 可逆过程.

⑤ 气体流入真空容器, 需要推动功?



无推动功 (因为无外部功源)  
 $\Rightarrow$  气体扩散效果.



需要推动功, 管外有外部功源  
 在推动气体.

⑥ 稳定流动开口系不同位置工质的比内能、比焓、比焓会改变，整个系统的  $\Delta H_{cv}$ ,  $\Delta U_{cv}$ ,  $\Delta S_{cv}$

原因：稳定流动  $\Rightarrow \frac{\partial Y}{\partial t} = 0$ ，不一定有  $\frac{\partial}{\partial x} Y(x,t) = 0$

不同部位表示不同  $x$  处的  $du, dh, u, h, s$ ，因此可能不同

但整个系统的  $\Delta H_{cv}, \Delta U_{cv}, \Delta S_{cv}$  不随时间变化而改变 (所量无甚集)

⑦ 稳定流动开口系，是否满足：

$$\begin{cases} \delta Q = du + \delta W & i) \\ \delta Q = dh + \delta W_t & ii) \\ \delta Q = dh + \frac{m}{2} d(c_{eff}^2) + mgdz + \delta W_i & iii) \end{cases}$$

i) 式不适用， $W$  应为技术功，因此 ii) 式适用 (P51 推导)

iii) 适用，即一般的量表达式

## 第三章 气体和蒸汽

· 理想气体模型解释 (P66-67)；

① 理想气体的比热容： $J/(kg \cdot K)$ ：单位质量物质升高 1K 所需热量

② 可逆过程下的  $C_p$  和  $C_v$ ：

$\delta q = du + p dv$ ;  $\delta q = dh - v dp$  :  $C = \frac{\delta q}{dT}$  (定义式). 由于  $u = u(T, v)$ :

$(du = (\frac{\partial u}{\partial T})_v dT + (\frac{\partial u}{\partial v})_T dv) \Rightarrow C = \frac{du}{dT} + \frac{p dv}{dT} = (\frac{\partial u}{\partial T})_v + [(\frac{\partial u}{\partial v})_T + p] \frac{dv}{dT}$

$\Rightarrow \begin{cases} \text{定容: } dv=0 : C_v = (\frac{\partial u}{\partial T})_v \xrightarrow{\text{理想气体假设 } u=u(T)} \frac{du}{dT} \end{cases}$  (一般式)

$\begin{cases} \text{定压: } dp=0 : C_p = (\frac{dh - v dp}{dT})_p = (\frac{\partial h}{\partial T})_p \xrightarrow{h=u+pv=u+RgT} \frac{dh}{dT} \end{cases}$

理想气体  
 $\Rightarrow$   
可逆过程  
$$\begin{cases} C_v = \frac{du}{dT} \\ C_p = \frac{dh}{dT} \end{cases}$$

(都是状态量，仅与  $T$  相关). 计算理想气体  $u, h$

$$\begin{cases} u = \int C_v dT = C_v \Big|_{T_1}^{T_2} \\ h = \int C_p dT = C_p \Big|_{T_1}^{T_2} \end{cases}$$

### 3.3 理想气体的热力学能、焓、熵。(P78)

i)  $\Delta u = q_v = \int_{T_1}^{T_2} c_v dT$   
 ii)  $\Delta h = q_p = \int_{T_1}^{T_2} c_p dT$

> 适用于理想气体的任意过程  
 (因为  $u, h$  只与  $T$  的函数)

iii)  $(ds) = \frac{\delta q_{rev}}{T}$

↓  
比熵变

↗ 可逆过程中 1kg 工质与热源换热量  
 ↘ 传热时工质温度

求  $\Delta S_{1-2}$ :  $\int_1^2 ds = \int_1^2 \frac{c_p dT - v dp}{T} = \int_1^2 \left( c_p \frac{dT}{T} - R_g \frac{dp}{p} \right) = \left( \int_{T_1}^{T_2} c_p \frac{dT}{T} \right) - R_g \ln \left( \frac{p_2}{p_1} \right)$  公式一

⇒ 理想气体 (因为用到  $pv = R_g T$ ) 的熵为状态参数 ( $S(T, p)$  或  $S(T, v)$ )

公式二:  $\Delta S_{1-2} = \int_{p_1}^{p_2} c_v \frac{dp}{p} + \int_{v_1}^{v_2} c_p \frac{dv}{v}$  (由  $\frac{dp}{p} + \frac{dv}{v} = \frac{dT}{T}$  和  $c_p - R_g = c_v$  得出)

公式三:  $\Delta S_{1-2} = \int_{T_1}^{T_2} c_v \frac{dT}{T} + R_g \ln \frac{v_2}{v_1}$  (由  $\delta q = c_v dT + p dv$  和  $pv = R_g T$  得出)

### 3-4. 水蒸气的饱和状态和相图:

· 饱和态:  $v_{汽化} = v_{液化}$  (视即气相与液相相互转化达到动态平衡)

↳ ( $t_s, p_s$  来描述饱和状态,  $t_s$  与  $p_s$  须一一对应,  $t_s = f(p_s)$ )

· 相图 P85 图 3-8.

### 3.5 水的汽化过程和临界点:

· 定压汽化原理 P86 5 幅图. (加热-缸水的例子)

★ 见 p87. (水定压汽化的  $p-v$  图和  $T-s$  图, 细节记在书的图旁也3)

· 对几个概念作说明:

i) 临界点 (水:  $p_s = 22.064 \text{ MPa}$ ;  $T_s = 373.99^\circ\text{C}$ ;  $v' = v'' = 0.003106 \text{ m}^3/\text{kg}$ ) 以上的状态, 蒸汽无论怎么加压也不会变回水 ( $T > T_s$  时).

ii) 干度  $x = \frac{m_v}{m_v + m_l} \rightarrow$  干饱和蒸汽  $\Rightarrow$  湿度  $= 1 - x$ .  
 $\rightarrow$  湿蒸汽.

iii) 水在其三相点下 ( $273.16 \text{ K}$ ), 热力学的及熵为 0. (人为规定, 并非真实情况)

iv) 水和水蒸汽的状态参数:

加权平均 (干+湿)

$$\begin{aligned} v_x &= x v''_{(干)} + (1-x) v'_{(湿)} = v' + x(v'' - v') \approx x v'' \\ h_x &= x h'' + (1-x) h' = h' + x(h'' - h') = h' + x \gamma \\ s_x &= x s'' + (1-x) s' = s' + x(s'' - s') = s' + x \frac{\gamma}{T_s} \end{aligned}$$

★ v) 查水蒸汽表和图: p91-93 (根据不同状态 (饱和水/干饱和蒸汽; 未饱和水/过热蒸汽 找对应  $p, t$  下的状态参量)

## 第5章: 气体和蒸汽的基本热力学过程:

### 5.1 可逆多变过程:

$\rightarrow p v^n = \text{Const}$  (可逆 — 可由  $p-v$  图表示; 多变: 不同  $n$  对应不同过程)

理想气体  $p v = R_g T$

$$T p^{-\frac{n-1}{n}} = \text{Const} \quad \text{或} \quad T v^{n-1} = \text{Const}.$$

→ I. 四个过程:

由  $pV^n = \text{const}$

$$\begin{cases} n=0 \quad (p = \text{const}): \text{定压过程.} \\ n=1 \quad (pV = \text{const}): \text{定温过程.} \\ n=\gamma = \frac{C_p}{C_v}: \text{绝热过程.} \\ n=\infty \quad (\sqrt[n]{p_1 V_1} = \sqrt[n]{p_2 V_2}, \text{即 } V_1 = V_2): \text{定容过程.} \end{cases}$$

\* 多变指数  $n$  的求解:

由  $p_1 V_1^n = p_2 V_2^n$ :  $\ln p_1 + n \ln V_1 = \ln p_2 + n \ln V_2 \Rightarrow n = \frac{\ln(\frac{p_1}{p_2})}{\ln(\frac{V_1}{V_2})}$ .

→ II. 画  $p$ - $V$  和  $T$ - $S$  图: (需要求得各处斜率)

①  $pV^n = \text{const}$ , 两边取微分  $\frac{dp}{p} + n \frac{dV}{V} = 0$

$\Rightarrow (\frac{\partial p}{\partial V})_n = (\frac{dp}{dV})_n = -n \frac{p}{V}$ . ( $p$ - $V$  的斜率)

② 可逆过程中,  $ds = \frac{\delta q_{rev}}{T} \Rightarrow \delta q = ds \cdot T = C_n T$ , 由  $C_n = \frac{n-K}{n-1} C_v$  (迈耶公式 +  $\gamma = K$  的定义).

$\Rightarrow (\frac{\partial T}{\partial S})_n = \frac{T}{C_n} = \frac{(n-1)T}{(n-K)C_v}$ . ( $T$ - $S$  的斜率).

→ III. 求功; 技术功; 过程热量.

①  $W = \int_1^2 p dV \xrightarrow{p_1 V_1^n = p_2 V_2^n} p_1 V_1^n \int \frac{dV}{V^n} = \frac{1}{n-1} (p_1 V_1 - p_2 V_2)$ .

$\Rightarrow$  变式: 由  $pV = RgT$ ,  $pV^n = \text{const}$ ,  $C_v = \frac{Rg}{K-1}$  代换, (P137 面)

②  $W_t = -\int_1^2 V dp = -\int_1^2 [d(pV) - p dV] = (p_1 V_1 - p_2 V_2) + \frac{1}{n-1} (p_1 V_1 - p_2 V_2)$ .

$\Rightarrow$  变式: P137

$\Rightarrow W_t = nW$ .

$$\textcircled{3} \underline{q} = \underline{\Delta u} + w = \underline{C_V(T_2 - T_1)} + \frac{\kappa - 1}{n - 1} C_V(T_1 - T_2) = \underline{\frac{n - \kappa}{n - 1} C_V(T_2 - T_1)}$$

$$\Rightarrow q = C_n(T_2 - T_1); \quad \underline{C_n = \frac{n - \kappa}{n - 1}} \quad (\text{多变过程比热容})$$

5.2. 三 $\gamma$ 过程 ( $pV^n = \text{const.}$ )

定容:  $\frac{p_2}{p_1} = \frac{T_2}{T_1};$

定压:  $\frac{V_2}{V_1} = \frac{T_2}{T_1};$

定温:  $p_1 V_1 = p_2 V_2;$

5.3 绝热过程:

①  $\delta q = 0 \Rightarrow q = 0$ ; 在可逆过程下,  $\delta q_{rev} = 0$ ;  $ds = \frac{\delta q_{rev}}{T} = 0 \Rightarrow$  等熵过程. (绝热)

② 过程方程:  $pV^\kappa = \text{const.}$  (可由  $\delta q = C_V dT + p dv$  和  $\delta q = C_p dT + (-v dp)$  推出)  
(根据推导条件 Prob-147, 此方程适用于比热容为定值、理想气体 (求  $\Delta u$  和  $\Delta h$  时))

$\Rightarrow$  微分式:  $\frac{dp}{p} + \kappa \frac{dv}{v} = 0$ . (定熵过程)

③  $\Rightarrow$  理想气体、定比热、可逆绝热; 初、终态参数关系:  $\begin{cases} p_2 V_2^\kappa = p_1 V_1^\kappa \\ \frac{T_2}{T_1} = \left(\frac{V_1}{V_2}\right)^{\kappa-1} \\ \frac{T_2}{T_1} = \left(\frac{p_2}{p_1}\right)^{\frac{\kappa-1}{\kappa}} \end{cases}$   
 $\downarrow$   $pV = R_g T$   $\downarrow$   $p_1 V_1^\kappa = p_2 V_2^\kappa$

④ 定熵过程的  $p$ - $v$  图线: (与定温过程对比: 斜率)  
可逆多变过程的  $p$ - $v$  斜率:  $-n \cdot \frac{p}{v} = \left(\frac{\partial p}{\partial v}\right)_n \Rightarrow \begin{cases} \text{定温: } \frac{\partial p}{\partial v} = -\frac{p}{v} \\ \text{定熵: } \frac{\partial p}{\partial v} = -\kappa \frac{p}{v} \end{cases}$   
由于  $\kappa = \gamma = \frac{C_p}{C_V} > 1$ , 则等熵线在  $p$ - $v$  上更陡峭.



$\begin{cases} 1 \rightarrow 2: \text{绝热 } pV^\kappa = \text{const.}; \\ 1' \rightarrow 2': \text{定温 } pV = \text{const.}; \end{cases}$

#### IV. 绝热过程的能量传递、转换:

① 由热 I 定律:  $\delta q = \Delta u + w = 0 \Rightarrow \underline{w = -\Delta u = u_1 - u_2}$ .

理想气体  
定比容热容  $w = C_V (T_1 - T_2) = \frac{Rg}{k-1} (T_1 - T_2) = \frac{1}{k-1} (p_1 v_1 - p_2 v_2)$  (变式 P149)

② 由热 I 定律:  $q = \Delta h + w_t$   
 $\underline{w_t = -\Delta h = h_1 - h_2}$ ;  $\Rightarrow$  稳定流动开口系  $w_t = -\Delta h = h_1 - h_2$  (P53)

$\Rightarrow$  变式 P149-150  $\Rightarrow \star w_t = \frac{k}{k-1} (p_1 v_1 - p_2 v_2) \Rightarrow \textcircled{w_t = kw} \rightarrow \textcircled{\text{等量: } w = w_t}$

#### ★ 5.4 理想气体热力过程综合分析: P155-156. 几种过程的 p-v, T-s 图:

- ① {
- w 的正负以定容线 ( $p-v: n = \pm \infty$ ) 为界 (右为正)
  - q,  $\Delta s$  的正负以定熵线为界 ( $T-s: n = k$ ) (右为正)
  - $\Delta u, \Delta h$  的正负以定温 ( $T-s: n = 1$ ) 为界 (上为正)

#### ② 理想气体可逆过程计算公式. (P158面)

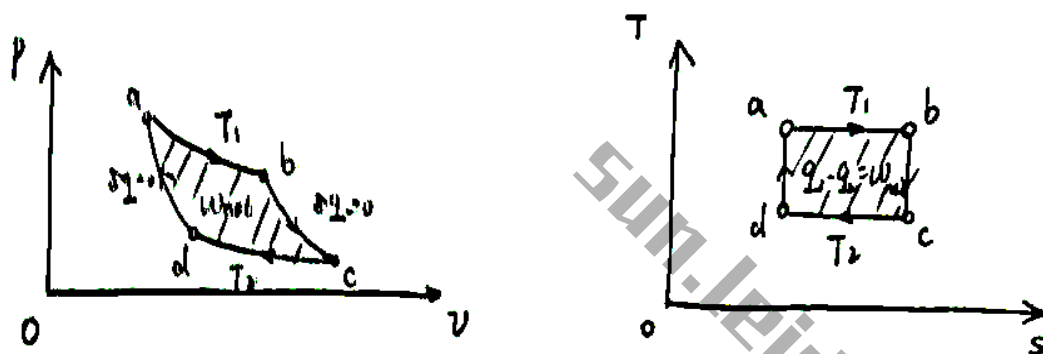
### 第6章 热力学第二定律

- ① 能量转换实质 (方向性): 能质 差异
- 无限可转换: 机械能、电能.
  - 部分可转换: 热能 ( $T \neq T_0$ ).
  - 不可转换: 环境介质热力学能.

#### ② 热 II 律两种表述 (克劳修斯/开尔文): P175-176面.

## 6.2 卡诺循环及多热源可逆循环分析:

① 卡诺循环: 2个可逆定温 + 2个可逆绝热:



$$\text{循环热效率 } \eta_c = \frac{w_{net}}{q_1} = 1 - \frac{q_2}{q_1} = 1 - \frac{|T_2 \Delta S_{dc}|}{|T_1 \Delta S_{ab}|} = 1 - \frac{T_2}{T_1}$$

热机从高温热源吸热  $q_1$ ,  
做功  $w_{net}$ , 传热给低温热源  $q_2$ .

卡诺循环效率仅与温差有关.

② 一般性卡诺循环: (卡诺中2个绝热过程换成2个多变指数  $n$  相同的过程: p178)

$$\Rightarrow \text{热效率 } (\eta_t) = 1 - \frac{q_2}{q_1} = 1 - \frac{T_2 \Delta S_{ab}}{T_1 \Delta S_{ab}} = 1 - \frac{T_2}{T_1} (= \eta_c)$$

③ 多热源可逆循环: p180图.

主要掌握图中热量  $q$  的变化过程, 并将多个复杂过程利用积分中值定理找到  $\bar{T}$ .

$$\text{热效率 } \eta_t = 1 - \frac{q_2'}{q_1'} = 1 - \frac{\bar{T}_2 ds}{\bar{T}_1 ds} = 1 - \frac{\bar{T}_2}{\bar{T}_1} (< \eta_c) \quad (\bar{T}_1 < T_1, \bar{T}_2 > T_1)$$

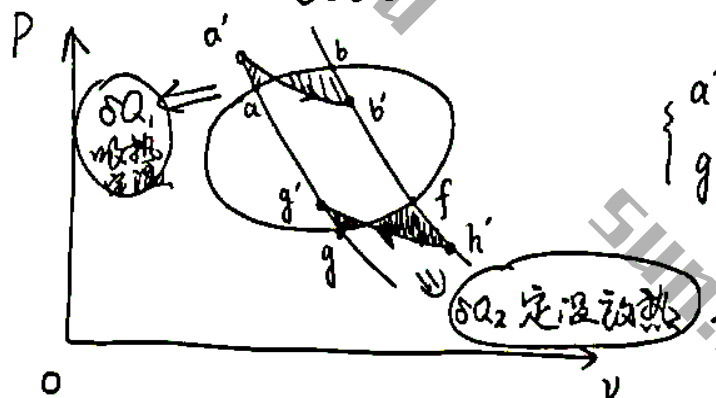
④ 卡诺定理 (p181-182面两条).

# 6.4 熵; 热II律数学表达式:

(卡诺: 2绝热+2等温)

① 熵:

思路: 分析一个可逆过程 (任意工质), 用可逆绝热线若干来把它分割成微元循环.



$$\begin{cases} a'-b': \text{等温} \\ g'-h': \text{等温} \end{cases} \quad \begin{cases} a'-g': \text{绝热} \\ h'-b': \text{绝热} \end{cases}$$

$$\Rightarrow \text{热效率 } 1 - \frac{\delta Q_2}{\delta Q_1} = 1 - \frac{T_{r2} (\text{冷源})}{T_{r1} (\text{热源})}$$

$$\Rightarrow -\frac{\delta Q_2}{T_{r2}} = \frac{\delta Q_1}{T_{r1}} \quad (- \text{表示放热量})$$

$$\Rightarrow \frac{\delta Q_1}{T_{r1}} + \frac{\delta Q_2}{T_{r2}} = 0$$

(当分割得足够密 (绝热线间距  $\rightarrow 0$ )

所有小循环都看作微元卡诺循环.

把所有微元  $\frac{\delta Q_i}{T_{ri}}$  求和即  $\oint \frac{\delta Q_{rev}}{T} = 0$

$\oint \frac{\delta Q_{rev}}{T}$  即克劳修斯积分).

\* 由  $\oint \frac{\delta Q_{rev}}{T} = 0$  联想到状态量特性.  $\Rightarrow \frac{\delta Q_{rev}}{T} = dS$  (熵的定义式).

$$\boxed{\frac{\delta Q_{rev}}{T} = ds} \quad (\text{要求可逆过程})$$

② 热II律: 思路同熵, 只是分析的循环不是可逆过程. (P188图).

$$1 - \frac{\delta Q_2}{\delta Q_1} < 1 - \frac{T_{r2}}{T_{r1}} \quad (\text{卡诺定理})$$

$$\oint \frac{\delta Q}{T} < 0 \quad (\text{克劳修斯不等式})$$

$$\Rightarrow \text{数学表达式: } \begin{cases} S_2 - S_1 \geq \int_1^2 \frac{\delta Q}{T_r} \\ ds \geq \frac{\delta Q}{T_r} \\ \oint \frac{\delta Q}{T_r} \leq 0 \end{cases}$$

(所有等号反在可逆取得, 不等号时为不可逆过程)

# 6.5 熵方程:

\* 熵的变化 (热 II 律)  $dS \geq \frac{\delta Q}{T_r}$  { 与外界热量交换.  
与外界交换物质 (广延量  $S = ms$ ).  
不可逆过程 (自由膨胀的熵增).

闭口系  $\Rightarrow$   $dS = \frac{\delta Q}{T_r} + \delta S_g = \underbrace{\delta S_{f,a}}_{\substack{\text{(传热引起)} \\ \text{热熵流}}} + \underbrace{\delta S_g}_{\substack{\text{不可逆因素} \\ \text{熵产 (不可逆} > 0, \text{可逆} = 0)}}$

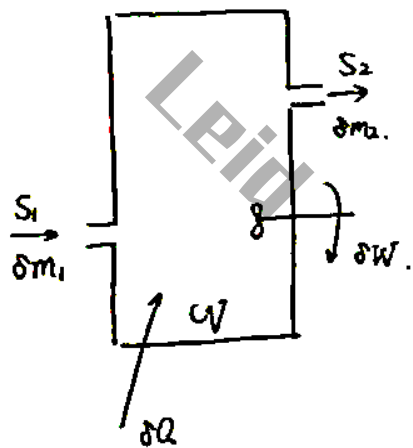
开口系  $\Rightarrow$  考虑物质迁移, 引入熵流

$$dS_{cv} = \sum_i S_i m_i - \sum_j S_j m_j + \sum_l \frac{\delta Q_l}{T_{r,l}} + \delta S_g$$

或  $dS_{cv} = \underbrace{\delta S_{f,m}}_{\text{熵流}} + \underbrace{\delta S_{f,a}}_{\text{热熵流}} + \underbrace{\delta S_g}_{\text{熵产}}$

平衡方程  
熵不守恒

对于 稳态 流动开口系,  $dS_{cv} = 0$  (系统内熵不蓄集):

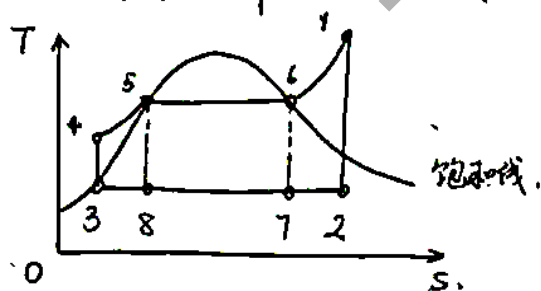


$$\Rightarrow \delta m_2 S_2 - \delta m_1 S_1 = \delta S_{f,a} + \delta S_g$$

总: 流入 = 流出

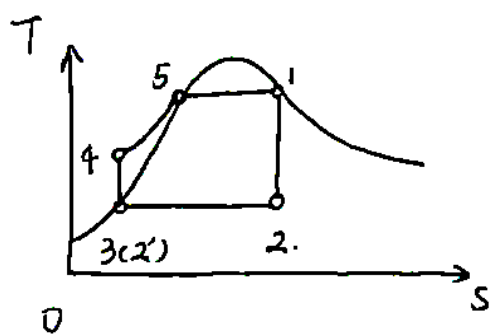
# 第十章 蒸汽动力装置循环:

① 朗肯循环: (T-s 图表示): (6-7-8-5-6 为卡诺循环)



(一般火电厂锅炉)

- 4 → 5: 过冷水定压加热至饱和水;
- 5 → 6: 饱和水加热至饱和汽; (压水堆一般至此状态)
- 6 → 7: 进一步加热过热蒸汽 (可以出更多功)
- 1 → 2: 蒸汽推动汽轮机做功 (可逆绝热膨胀)
- 2 → 3: 蒸汽做功后经凝汽器冷凝 (定温定压换热)
- 3 → 4: 冷凝水由水泵打回锅炉 (蒸汽发生器)



(压水堆二回路循环)

核电厂 vs 火电厂:

- i) 核电厂同循环次数下做功更小 (T-s 面积更小)
- ii) 核电厂效率更低 (由  $\eta = 1 - \frac{T_0}{T_1}$  估计, 温差决定  $\eta$  大小)
- iii) 核电厂蒸汽膨胀后干度更低 (对汽轮机要求更高)
- iv) 核电厂循环冷凝时放热较小 (需要更大冷源以散热)

② 朗肯循环热效率:

汽轮机功 (焓差: p53页)  $w_T = h_1 - h_2$

蒸汽冷凝放热 (汽化潜热 = 气液焓差)  $q_2 = h_2 - h_3$

水泵耗功  $w_p = h_4 - h_3$

蒸汽吸热 (from 炉)  $q_1 = h_1 - h_4$  (由  $q = dh + w$ ,  $dp = 0$ ,  $w = 0$ ,  $q = dh$ )

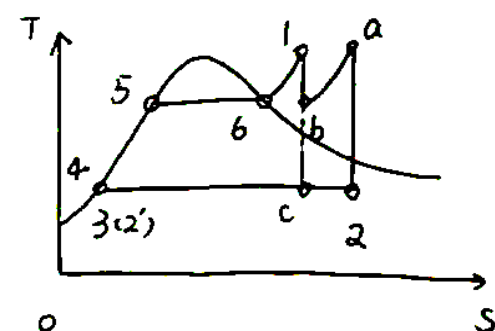
循环净功  $w_{net} = w_T - w_p = (h_1 - h_2) - (h_4 - h_3)$

循环净吸热  $q_{net} = q_1 - q_2 = (h_1 - h_4) - (h_2 - h_3)$

$$\Rightarrow \eta_t = \frac{w_{net}}{q_1} = \frac{(h_1 - h_2) - (h_4 - h_3)}{h_1 - h_4} \xrightarrow[\text{3(2)与4近似}]{\text{忽略水泵功}} \eta_t = \frac{h_1 - h_2}{h_1 - h_4} = \frac{h_1 - h_2}{h_1 - h_2'}$$

③ 蒸汽参数对循环热效率的影响: P326页-327页:  $t_1$ ,  $p_1$ ,  $p_2$ , 摩擦.

④ 再热循环:  $b \rightarrow a$  为新增的再热器加热过程.

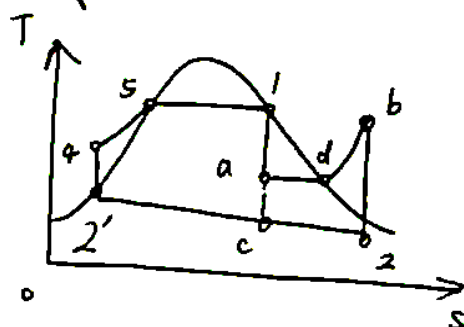
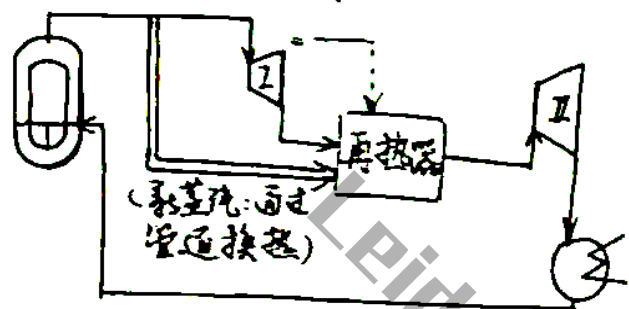


效果: 减少膨胀后蒸汽湿度 ( $x_2 > x_c$ );

循环效率  $\eta_t = \frac{(h_1 - h_b) + (h_a - h_2)}{(h_1 - h_2) + (h_a - h_b)} \rightarrow$  两级汽轮机做功

$\rightarrow$  两级加热 (锅炉加热 + 回热加热)

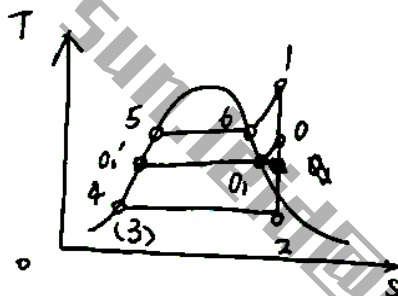
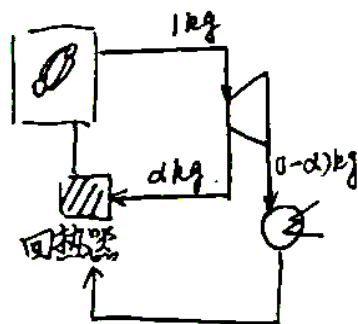
核动力回热循环 (用新蒸汽加热: 压式)



(2-2' 为水平: 等温等压与冷凝)

$a-d-b$  为再热段.

⑤ 回热循环 (与再热循环相比, 多了抽汽过程 — 发生质量变化)



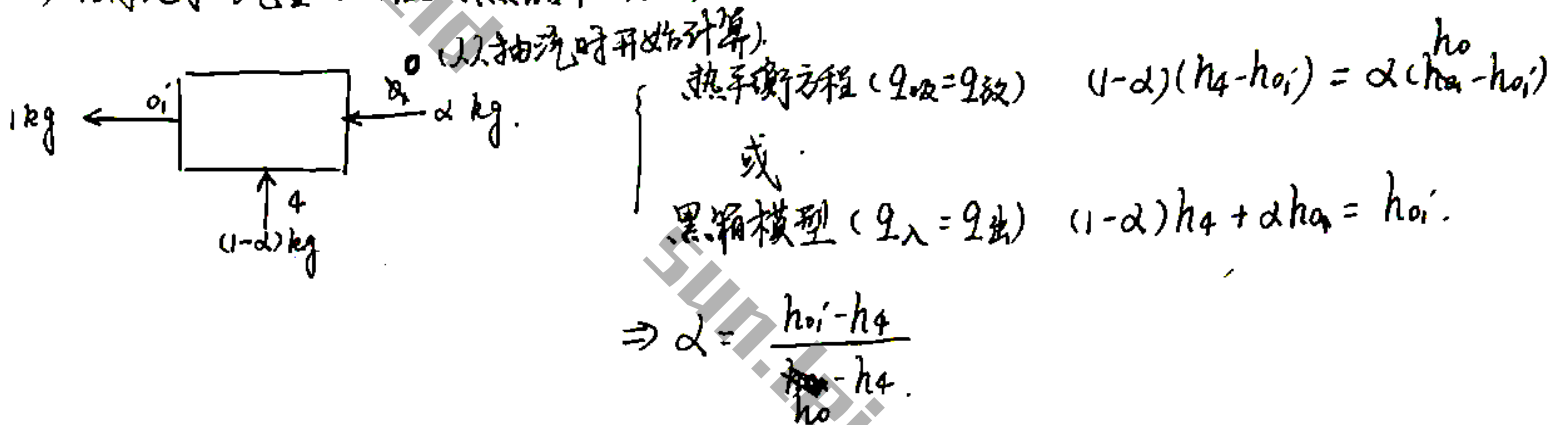
$0 \rightarrow 0_1 \rightarrow 0_1'$  抽汽回热, 最终与冷凝水汇于  $0_1'$ .  
注意  $0$  要先到达  $0_1$  饱和态才可放热.

混合式: 汽水混合进入锅炉

间壁式: 汽水通过管道分离换热.

## 对回热循环的效率分析:

i) 确定抽流量  $\alpha$ : (在回热器中确定):



ii) 计算效率  $\eta$  ( $w_{\text{net}}, q_1$ ):

$$w_{\text{net}} = (h_1 - h_{o1}) + (1-\alpha)(h_{o1} - h_2) = (\text{抽汽前汽机功} + \text{抽汽后汽机功})$$

$$q_1 = h_1 - h_{o1} = (\text{从 } o_1 \text{ 到 } 1, \text{ 锅炉中吸热})$$

$$\Rightarrow \eta = \frac{w_{\text{net}}}{q_1} = \frac{(1-\alpha)(h_1 - h_2) + \alpha(h_1 - h_{o1})}{1-\alpha(h_1 - h_2') + \alpha(h_1 - h_{o1})} = \frac{(1-\alpha)(h_1 - h_2)}{(1-\alpha)(h_1 - h_2')} = \frac{h_1 - h_2}{h_1 - h_2'} = \eta_t$$

即回热循环效率高于一般朗肯循环效率。

## 第7章 蒸汽与流体的流动: $\Rightarrow$ 研究方法

7.1 稳定流动:

一维  
速度均匀化  
可逆绝热 (忽略损失及管道传热)

① 连续性方程:  $\frac{\partial \rho}{\partial t} + \nabla \cdot (\rho \vec{u}) = 0$

$\Rightarrow$  对管道 (入口流量 = 出口流量):  $\frac{AC_f}{v} = q_m \equiv C$  或  $AC_f = q_v \equiv C$

微分式:  $\frac{dA}{A} + \frac{dc_f}{c_f} - \frac{dv}{v} = 0$  /  $\frac{dA}{A} + \frac{dc_f}{c_f} + \frac{dp}{p} = 0$

② 稳定流动能量式:

$$q = \Delta h + \frac{1}{2} \Delta c_f^2 + q_{\Delta z} + w; \quad \xrightarrow[\substack{q=0, w=0}]{\text{忽略位能变化 } q_{\Delta z}} \quad h_2 + \frac{c_f^2}{2} = h_1 + \frac{c_f^2}{2} = \left[ h + \frac{c_f^2}{2} \right] \equiv C$$

(一般能量关系)

微分式:  $dh + c_f dc_f = 0$

内部能量      外部能量

滞止:  $C_f$  突降为 0:  $h + \frac{C_f^2}{2} = h_0 = h_{max} \Rightarrow h_0$  (滞止焓/总焓).  
 (由于能量守恒, 滞止时消失的动能  $\frac{C_f^2}{2}$  转化焓)

③ 过程方程:

等熵方程:  $p v^k = C \Rightarrow \boxed{\frac{dp}{p} + k \frac{dv}{v} = 0}$

④ 声速方程: (介质中声波传播视为等熵过程)

Laplace:  $c = \sqrt{\left(\frac{\partial p}{\partial \rho}\right)_s} = \sqrt{-v^2 \left(\frac{\partial p}{\partial v}\right)_s}$

$p = p(v, s), s \text{ 不变}$   
 $\frac{\partial p}{\partial v} = \frac{dp}{dv} = -k \frac{p}{v}$

$\boxed{c = \sqrt{k p v}}$  (声速一般表达式, 不区分工质)

\* 马赫  $Ma = \frac{C_f}{c} \rightarrow \begin{cases} \text{流体速度} \\ \text{当地声速} \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} Ma = 1 & \text{音速} \\ Ma > 1 & \text{超音速} \\ Ma < 1 & \text{亚音速} \end{cases}$

7.2 改变流速:

① 力学条件 ( $dp \sim dC_f$ ): 最根本条件

$\boxed{\frac{dp}{p} = -k \cdot Ma^2 \frac{dC_f}{C_f}} \Rightarrow \begin{cases} C_f \uparrow, p \downarrow: \text{喷管} \\ C_f \downarrow, p \uparrow: \text{扩压管 (如汽轮机出口)} \end{cases}$

② 几何条件 ( $dA \sim dC_f$ ): 在压力条件基础上, 增大收益和效率

$\boxed{\frac{dA}{A} = (Ma^2 - 1) \frac{dC_f}{C_f}} \Rightarrow \begin{cases} A \downarrow, C_f \uparrow, p \downarrow: \text{渐缩喷管 (亚声速)} \\ A \uparrow, C_f \uparrow, p \downarrow: \text{渐扩喷管 (超声速)} \\ A \text{ 先 } \downarrow \text{ 后 } \uparrow: C_f \uparrow \text{ (拉瓦尔喷管 (亚-超声速))} \end{cases}$

### 7.3 喷管的计算: 渐缩喷管

#### ① 计算流速:

能量守恒  $h_i + \frac{C_f^2}{2} = h_o \Rightarrow C_f = \sqrt{2(h_o - h_i)}$  (m/s) ( $h$  的单位应为 J/kg)

#### ② 状态参数对 $C_f$ 的影响: (理想气体; 定比热容; 可逆条件下:)

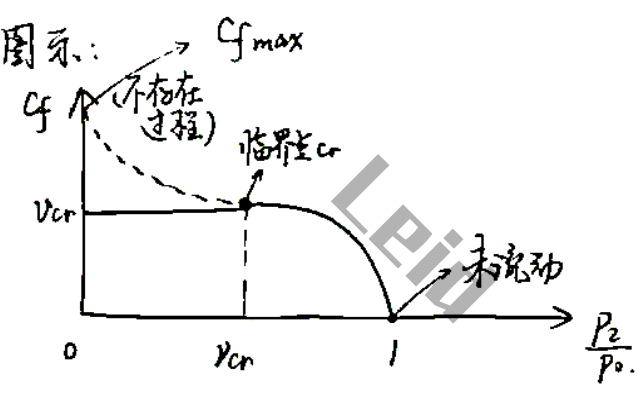
$$C_{f2} = \sqrt{2(h_o - h)} \xrightarrow{h = c_p T} \sqrt{2 c_p (T_o - T_2)} \xrightarrow{c_p = \frac{k}{k-1} R_g} \sqrt{2 \frac{k R_g}{k-1} (T_o - T_2)}$$

可逆绝热  $P_o V_o^k = P_2 V_2^k$   
 $P V = R_g T$   

$$\sqrt{\frac{2 k R_g T_o}{k-1} \left(1 - \left(\frac{P_2}{P_o}\right)^{\frac{k-1}{k}}\right)} = \sqrt{\frac{2 k V_o P_o}{k-1} \left(1 - \left(\frac{P_2}{P_o}\right)^{\frac{k-1}{k}}\right)}$$

(表明已知滞止参数  $T_o, P_o, V_o$  和出口截面参数  $P_2$  可求  $C_{f2}$ )

(已知入口截面参数  $P_1, V_1, T_1$ , 可推出  $P_o, V_o, T_o$ : 理想气体状态方程 + 过程方程)



- i)  $\frac{P_2}{P_o} = 1, C_{f2} = 0$ , 气体不流动. ( $P_2 = P_{max}$ , 说明  $\Delta p = 0$ , 无技术功, 无能量转换)
- ii)  $P_2 \geq P_{cr}, \frac{P_2}{P_o} = \gamma_{cr}, V_{cr} = C_{f2}$ . (临界值为上限)
- iii)  $P_2 = 0, C_{f_{max}} = \sqrt{\frac{2 k R_g T_o}{k-1}}$  (实际不可达)

★ 临界比压  $\frac{P_{cr}}{P_o} = \gamma_{cr} = \left(\frac{2}{k+1}\right)^{\frac{k}{k-1}}$  (由  $C_{f_{cr}} = \sqrt{\frac{2 k P_o V_o}{k-1} \left[1 - \left(\frac{P_2}{P_o}\right)^{\frac{k-1}{k}}\right]} = \sqrt{k P_{cr} V_{cr}}$  ;  $V_{cr} = V_o \left(\frac{P_o}{P_{cr}}\right)^{\frac{1}{k}}$  推出)

#### ③ 背压对渐缩喷管影响:

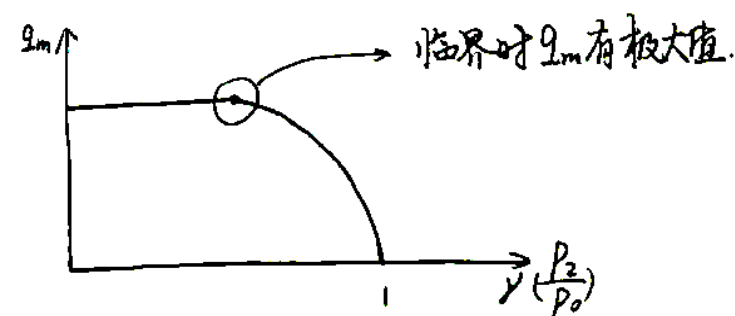
- i)  $P_b = P_o, C_{f2} = 0$  (无压差, 根本上无法加速)
- ii)  $P_b > P_{cr}; C_{f2} < C / Ma_2 < 1; P_2 = P_b$  (背压高,  $\Delta p$  减小, 加速效果不佳, 到不了临界)
- iii)  $P_b = P_{cr}; C_{f2} = C / Ma_2 = 1; P_2 = P_b = P_{cr}$ . (理想情况,  $\Delta p$  被完美使用, 恰好到临界)
- iv)  $P_b < P_{cr}; C_{f2} = C / Ma_2 = 1; P_2 = P_{or}$  ( $\Delta p$  过大, 发生口外膨胀, 多耗功浪费)

#### ④ 计算流量 $q_m$ :

1) 一般方法:  $q_m = \frac{A c_f}{v}$ , 由流速计算公式:  $c_{f2} = \sqrt{\frac{2\kappa p_0 v_0}{\kappa-1} \left[ 1 - \left( \frac{p_2}{p_0} \right)^{\frac{\kappa-1}{\kappa}} \right]}$ .  
A 取出口截面面积  $A_2$  (一般计算喷管时  $A_2$  已知); 过程方程  $p_0 v_0^\kappa = p_2 v_2^\kappa$ .

$$\Rightarrow q_m = A_2 \sqrt{2 \frac{\kappa}{\kappa-1} \frac{p_0}{v_0} \left[ \left( \frac{p_2}{p_0} \right)^{\frac{2}{\kappa}} - \left( \frac{p_2}{p_0} \right)^{\frac{\kappa+1}{\kappa}} \right]} \xrightarrow{A_2 \cdot p_0 \cdot v_0 \text{ 不变}} \boxed{q_m \sim v = \frac{p_2}{p_0}}$$

↓  
 (由此公式可知,  $q_m$  仅与压比  $v$  有关:)



#### 7.5. 摩擦下喷管内绝热流动:

① 气流出口速度下降性的: 速度系数  $\varphi = \frac{c_{f2}}{c_{fs}}$  实际流速  
理想流速

② 出口动能的减少性的: 能量损失系数  $\zeta = \frac{c_{fs}^2 - c_f^2}{c_{fs}^2} = 1 - \varphi^2$

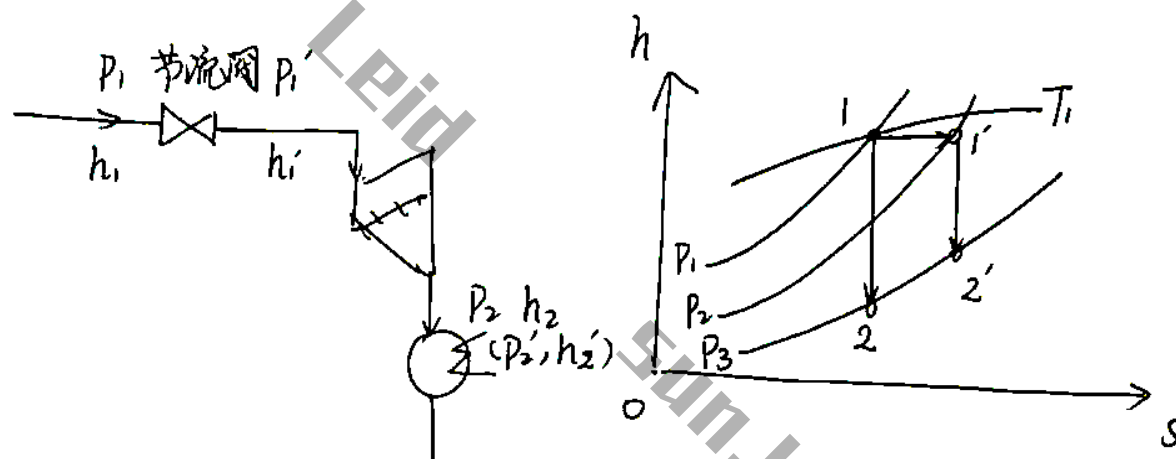
③ 喷管效率  $\boxed{\eta_n = \varphi^2}$

④ 喷管焓值  $h_2$  比理想值  $h_{2s}$  大 (由于摩擦吸热被流体吸收), 而根据  $h_0 = h_2 + \frac{c_{f2}^2}{2}$ , 可知  
 出口流速降低:  $\underline{c_{f2} < c_{f2s}}$   $\rightarrow$  (即减小动能转化为焓)  
 $\left( \frac{1}{2} (c_{fs}^2 - c_{f2}^2) = h_2 - h_{2s} \right)$

#### 7.6 绝热节流

P247 页 4 条结论:  $\left\{ \begin{array}{l} p_2 < p_1 \quad (\text{节流导致降压}) \\ S_2 > S_1 \quad (\text{节流强烈不可逆性导致熵增}) \\ h_1 = h_2 \quad (\text{但节流过程中不是等焓过程}) \\ T_2 \text{ 与 } T_1 \text{ 关系一般不确定 (但理想气体 } T_1 = T_2, \text{ 因为 } h = c_p T, h_1 = h_2) \end{array} \right.$

★ 水蒸气的绝热节流过程 (以二回路为例)



1 → 1' : 节流 (等焓变:  $h_1 = h_{1'}$ )  
 1 → 2 : 汽机做功.  
 (1') (2')

⇒ 结论:  $\begin{cases} T_1 > T_{1'} \\ h_1 = h_{1'} \\ W_{\text{节流前}} > W_{\text{节流后}} \text{ (汽机出力少)} \end{cases}$

★ 第二章 混合气体: (内容极少)

混合气体  $\xrightarrow[\text{(等效)}]{\text{折合}}$  折纯气体

- ① 道尔顿压力定律: ( $V, T$  不变):  $P_i V = n_i R T \Rightarrow \boxed{P_{\text{总}} = \sum P_i}$  (两边累加)  
 ② 分容积定律: ( $P, T$  不变):  $\boxed{V = \sum V_i}$   
 ③ 亨利定律:  $D_{\text{(溶解度)}} = K \frac{P_i}{\sum P_i}$  (第  $i$  种气体占总混合气体的压力)